تاریخ دریافت: ۹۴/۱۰/۱۶ تاریخ پذیرش: ۹۵/۱۲/۲۱



يادداشت پژوهشی

طراحی لایههای الیاف و تسمههای FRP جهت مقاومسازی ستونهای بتنی تحت نیروی محوری و گشتاور خمشی

سالار منیعی (نویسنده مسئول) استادیار، گروه مهندسی عمران، واحد سنندج، دانشگاه آزاد اسلامی، سنندج، ایران salarmanie @srbiau.ac.ir احسان جامی عمران، دانشگاه آزاد اسلامی، مریوان، ایران

چکيده

امروزه تولیدات مختلفی از کامپوزیتهای پلیمری در صنعت مقاومسازی سازههای بتنی موجود است. از جمله این محصولات می توان به الیاف و تسمههای ۲ FRP که به روش نصب نزدیک سطح ۳ شناخته می شوند اشاره کرد. الیاف و تسمه های FRP برای تقویت اجزای مختلف سازه از جمله تیرها، ستونها و اجزای صفحهای مانند دالها و دیوارهای برشی قابل کاربرد است. از آنجایی که ستون ها در سازه های بتنی عموماً تحت اثرات توأم نیروی محوری و خمش دو محوره قرار می گیرند، ارزیابی و تقویت آنها تحت اثر تلاشهای توأم مذکور در کارهای عملی مقاومسازی از اهمیت بسیار بالایی برخوردار است. این مقاله به مطالعهی مقاومسازی اجزای ستونهای بتن آرمه تحت اثرات ترکیبی نیروی محوری-گشتاور خمشی با استفاده از الیاف و تسمههای FRP میپردازد. برای این منظور، ضمن توسعهی روابط موجود تقویت ستون های تحت اثر نیروی محوری و گشتاور خمشی تکمحوره با الیاف FRP جهت محصور کنندگی ستون و تسمه های FRP جهت تقویت خمشی، روشی محاسباتی برای تقویت ستون های بتنی مستطیلی تحت اثرات توأم نیروی محوری و خمش دو محوره پیشنهاد می شود. در ادامه، با استفاده از یک مطالعهی موردی، روش پیشنهادی این مقاله تشریح می شود. نتایج نشان میدهد که روش پیشنهادی برای کارهای عملی مقاومسازی مناسب بوده و همچنین ترکیب الیاف و تسمه برای تقویت ستونهای با هر دو رفتار فشار-کنترل و کشش-کنترل مؤثر است. به علاوه، روش تحلیلی پیشنهادی با نتایج آزمایشگاهی موجود در ادبیات فنی وارسی و صحتسنجی خواهد شد. واژ گان کلیدی: تقویت ستون بتنی، خمش دو محوره، مصالح FRP، مقاومسازي، منحني اندر كنش نيروي محوري و لنگر خمشي.

۱ – مقدمه

تکنیک محصورسازی با استفاده از FRP قابلیت این را دارد که محصورشدگی را به صورت پیوسته برای تمام مقطع ستون تأمین کنند. همچنین این مواد دارای خواص ذاتی مطلوبی (وزن کم، مقاومت بالا و...) هستند به گونهای که می توان در مقاوم سازی اعضای بتنی به طور موفقیت آمیزی از آنها بهره گرفت. از دیگر مزایای FRP می توان به سهولت نسبی اجرا، هزینهی اجرای قابل قبول، عدم ایجاد اختلال زیاد در عملکرد

روزانه ی ساختمان و ... در مقایسه با سایر روش های تقویت اشاره کرد [1]. تولیدات مختلفی از کامپوزیت های پلیمری در صنعت مقاوم سازی سازه های بتنی موجود است. از جمله ی ایس محصولات می توان به الیاف و تسمه های FRP که به روش نصب نزدیک سطح شناخته می شوند اشاره کرد [۲-۴]. از الیاف پس از آماده سازی سطوح به صورت سطحی با استفاده از چسب های اپوکسی مخصوصی بر روی مقاطع استفاده می شود.



مقاوم سازی به روش تسمه های FRP به این صورت است که با ایجاد شیارهایی در سطح بتن تسمه ها را در شیارها کار گذاشته و داخل شیارها را با مواد مناسب، معمولاً رزین های اپوکسی و یا ملات سیمان پر می شود. برای مقاوم سازی ستون ها می توان از هر دو روش به صورت مجزا و یا ترکیبی استفاده کرد (شکل ۱).



شــکل (۱): مقـاومسـازی سـتون بـا اسـتفاده از روش تر کیبـی الیـاف و تسمههای FRP.

مطالعات آزمایشگاهی و تئوری متعددی در خصوص رفتار ستونهای تقویت شده با مصالح FRP انجام شده است. عمدهی این مطالعات به نحوهی تأثیر پارامترهای مختلف از جمله تعداد لایهها، جنس الیاف مورد استفاده، محل و نحوهی قرار گیری الیاف نسبت به محور ستونها و ... بر بهبود مشخصههای مقاومتی و شکل پذیری پرداختهاند [۲-۴].

روک و همک اران [۵] در یک مطالع می تحلیل ی و آزمایشگاهی به موضوع توسعه ی منحنی اندر کنش نیروی محوری و لنگر خمشی ساده شده ی ستون های بتنی مسلح تقویت شده در ناحیه ی فشار -کنترل با الیاف FRP عرضی با خمش شده در ناحیه ی فشار -کنترل با الیاف FRP عرضی با خمش تک محوره پرداخته است. روش توسعه ی داده شده در مطالعه ی مذکور تطابق خوبی با نتایج آزمایشگاهی دارد. در مقاله ی حاضر نیز روابط ساز گاری بر اساس مطالعه ی فوق لحاظ گردیده است. تینگ و جیانگ [۶] نیز یک مدل نظری را برای پیش بینی رفتار ستون های بتن آرمه ی تقویت شده با FRP ارائه نمودند. بورناس و تریانتافیلو [۷] به مطالعه ی آزمایشگاهی بررسی مقاومت خمشی ستون های مقاوم سازی شده با تسمه های FRP پرداختند. آنها نتیجه گرفتند که استفاده از این روش مقاوم سازی باعث افزایش

بررسی تأثیر تقویت ستونهای بتنی با استفاده از تسمه های FRP تحت بارهای انفجاری پرداختند.

رهایی و اکبرپور [۲] به بررسی آزمایشگاهی ستونهای بتن آرمه با مقطع مستطیل شکل مقاوم سازی شده با الیاف FRP تحت بارگذاری خارج از محور پرداخته اند. در این مطالعه چندین پارامتر شامل ضخامت FRP، جهت گیری الیاف و میزان خروج از مرکزیت نیروی محوری در نظر گرفته شده اند. نشان داده شده است که با افزایش ضخامت FRP به مقاومت و شکل پذیری نمونه ها افزوده می شود و نتایج جهت گیری الیاف نیز با هم مقایسه شده اند. از طرفی دیگر نشان داده شده است که افزودن یک لایه الیاف طولی به جای الیاف عرضی، باعث افزایش شکل پذیری شده است.

ستون ها به علت بارهای ثقلی و جانبی و یا ترکیب آنها تحت اثر خمش دو محوره قرار گرفته و تقویت چنین ستون هایی در پروژه های مقاوم سازی از اهمیت به سزایی بر خوردار است. در حال حاضر نشریه ی شماره ۳۴۵ سازمان مدیریت و برنامه ریزی [۹] به عنوان مرجعی کاربردی برای تقویت اجزای بتنی مسلح با مصالح FRP در کشور مورد استفاده قرار می گیرد. با این وصف، نشریه ی مذکور اساساً به موضوع ستون های تحت اثر بار محوری بدون برون محوری پرداخته و عملاً ترکیب نیروی محوری و گشتاور خمشی را در روابط ارائه شده مورد توجه قرار نداده است.

هدف از این مقاله ارزیابی تأثیر تقویت ستون های بتن آرمه تحت اثرات تو أم نیروی محوری و لنگر خمشی دو محوره با استفاده از الیاف FRP به صورت دور پیچ و با راستای الیاف عمود بر راستای ستون و همچنین با استفاده از تسمه های FRP تعبیه شده در شیارهای نزدیک سطح با جهت گیری الیاف اصلی تسمه ها در راستای محور ستون می باشد. برای این منظور، ضمن توسعه ی روش های موجود [۵] برای شرایط تقویت با الیاف عرضی، روابط جدیدی برای ترکیب الیاف عرضی و تسمه های FRP ارائه می شود تا با این روابط بتوان منحنی اندر کنش نیروی محوری و لنگر خمشی ستون های بتنی تقویت شده را ترسیم کرده و به کمک آن بتوان در مورد طرح مقاوم سازی



تصمیم گیری نمود. نتایج نشان می دهد که هر دو روش برای تقویت ستون ها در شرایط مذکور مناسب است. با این وصف تقویت با استفاده از روش ترکیبی به دلیل افزایش همزمان ظرفیت محوری و خمشی از تقویت با استفاده از روش استفاده ی صرف از الیاف ارجحیت دارد و در کارهای عملی مقاوم سازی توصیه می شود. در انتها پس از صحت سنجی روابط ارائه شده با یک مطالعه ی موردی جنبه های کاربردی نتایج این مقاله ارائه می شود.

۲- روابط منحنی اندر کنش ساده شده برای ستونهای تقویت شده با الیاف FRP

در این بخش روش ایجاد منحنی های اندر کنش نیروی محوری و لنگر خمشی ساده شدهی ستون های تقویت نشده و تقویت شده در شرایط خمش تک محوره و با استفاده از الیاف FRP مورد بررسی قرار می گیرد. جدول (۱) عمده پارامتر های مورد استفاده در این تحقیق را نشان می دهد.

تحلیل ستون های بتن آرمهی محصور شده با لایه های عرضی FRP مشابه ستون های بتن مسلح عادی (بدون لایه های مذکور) است؛ با این تفاوت که مدل تنش- کرنش بتن در ناحیهی فشاری متفاوت است [۱۰-۱۱].

نقاط کلیدی در منحنی اندرکنش ساده شده با استفاده از فرضیات متعارف در تحلیل اجزای بتن آرمه [۵] مطابق شکل (۱) عبارتند از:

نقطه A: کرنش فشاری محوری یکنواخت در بتن محصور. نقطه B: این نقطه متناظر حالتی از توزیع کرنش است که در آن حداکثر کرنش فشاری در بتن eccu و کرنش در آخرین لایه ی آرماتور در ناحیه ی کششی صفر است. eccu کرنش نهایی فشاری بتن محصور شده است. در شرایط غیر محصور، از ecu، کرنش نهایی فشاری بتن محصور نشده، استفاده می شود.

نقطه C: این نقطه متناظر حالتی از توزیع کرنش است که در آن همزمان حداکثر کرنش فشاری بتن eccu و حداکثر کرنش در آخرین لایهی آرماتور کششی معادل تنش جاری شدن آن باشد. این نقطه همان نقطهی توازن (بالانس) رفتار ستون است.

نقطه D: این نقطه متناظر حالتی از توزیع کرنش است که در آن حداکثر کرنش فشاری معادل eccu (یا ecu در شرایط غیر محصور) و کرنش آخرین لایهی آرماتور طولی مقطع برابر ۰/۰۰۵ است.

نقطه E: این نقطه مربوط است به شرایط متناظر خمش خالص

$A_c = A_g (1 - \rho_g)$	سطح مقطع بتن	f'_{cc}	حداكثر مقاومت فشاري بتن محصور
$A_{e} = A_{g} - ((h - 2r)^{2}) + (b - 2r)^{2}) / 3 - A_{g} \rho_{g}$	مساحت محصور مؤثر	f [*] fu	حداکثر مقاومت کششی FRP
A_{g}	سطح مقطع کل	$f_{fu} = c_E f^* fu$	مقاومت کششی نهایی طراحی FRP
$A_s = A_g \rho_g$	سطح مقطع آرماتورها	f_y	تنش تسليم آرماتورهاي طولي
h	ارتفاع مقطع	ε _{ccu}	حداكثر كرنش محوري بتن محصور
b	عرض مقطع	$\varepsilon_{CU} = 0.003$	حداکثر کرنش محوری بتن غیر محصور
C _E	ضريب كاهش محيطي	$\varepsilon_t' = 2f_c'(E_c - E_2)$	كرنش انتقالى
$E_2 = (f'_{cc} - f'_c) / \varepsilon_{ccu}$	شيب قسمت خطي منحني تنش-كرنش محصور	ε [*] fu	حداکثر کرنش FRP
E_{C}	مدول الاستيسيته بتن	$\varepsilon_{fu} = (C_E \varepsilon^*_{fu})$	حداکثر کرنش نهایی طراحی FRP
E_{f}	مدول الاستيسيته FRP	ε _{sy}	كرنش نظير جاري شدن آرماتورها
Ø	ضريب كاهش مقاومت	Ψ_f	ضريب كاهش مقاومت FRP

جدول (۱): مهم ترین پارامترهای مورد استفاده در این تحقیق.



$$P_{n(B,C,D,E)} = \int_0^c (b) f_c(y) dy + \sum f_{si} A_{si} \tag{(Y)}$$

$$\begin{split} M_{n(B,C,D,E)} &= \int_0^c (b) \left(\frac{h}{2} - c + y\right) f_c(y) dy + \quad (\mathfrak{r}) \\ \sum f_{si} A_{si} d_{si} \end{split}$$

در معادلات بالا c فاصله ی تار خنثی تا دور ترین تار فشاری مقطع است. A_{si} ، A_{si} و f_{si} ، A_{si} مقطع است. هندسی مقطع در لایه ی i-ام آرماتورهای طولی (خمشی) است. و متغیر انتگرال گیری در ناحیه ی فشاری مقطع است. مقاومت فشاری f_i زمدل لام و تنگ [17–17] استفاده شده است. این مدل بر اساس ارزیابی مجموعه ای از مدل ستونهای محصور شده با الیاف FRP با حداقل بعد ۳۰۰ میلی متر تحتفشار خالص محوری انتخاب شده اند [1۴]. مدل لام و تنگ که در شکل (۳) نشان داده شده است، یکی از مناسب ترین مدل ها برای تخمین مسلح دایره ای و غیر دایره ای محصور برای ستون های بتن مسلح دایره ای و غیر دایره ای محصور شده با مصالح FRP مسلح دایره ای و غیر دایره ای محصور شده با مصالح FRP مسلح دایره ای و غیر دایره ای محصور شده با مصالح FRP مسلح دایره ای و غیر دایره ای محصور شده با مصالح FRP مسلح دایره ای و غیر دایره ای محصور شده با مصالح FRP مسلح دایره ای و غیر دایره ای محصور شده با مصالح FRP مسلح دایره ای و غیر دایره ای محصور شده با مصالح FRP



شکل (۳): منحنی تنش-کرنش بـتن غیـر محصـور و محصـور در FRP بـر اساس مدل لام و تینگ [۱۲–۱۳].

قسمت دوم منحنی (که خطی است) در انتها به نقطهای میرسد که متناظر حداکثر کرنش میرسد که متناظر حداکثر کرنش محروی بتن محصور علی است. این مدل در محدوده های کرنشی مختلف از روابط زیر تبعیت میکند:

نقطه E: این نقطه مربوط است به شرایط متناظر خمش خالص بدون نیروی محوری. در نمودار اندر کنش نیروی محوری و لنگر خمشی شکل (۲) نقطه A فشار خالص محوری بدون گشتاور خمشی را نشان میدهد.



شکل (۲): منحنی اندر کنش نیروی محوری و لنگر خمشی ساده شده.

برای نقاط B، C و D موقعیت تار خنثی بر اساس تشابه مثلثها در دیاگرام کرنش بدست می آید. نقطه E نیز نشانگر خمش خالص بدون نیروی محوری است که بر اساس نظریههای کلاسیک تحلیل اجزای خمشی بتن آرمه (تیرها) قابل محاسبه است. نیروی محوری اسمی PN متناظر نقطه A با استفاده از معادله (۱) قابل تعیین است (حالت 0=Mn):

$$P_{n(A)} = \left[0.85 f_{cc}' (A_g - A_{st}) + f_y A_{st} \right]$$
(1)

Pn برای الیاف طولی همان معادله (۱) است؛ زیرا از اثر محصور کنندگی الیاف طولی صرفنظر شده است. نیروی محوری اسمی Pn و گشتاور خمشی اسمی Mn در نقاط B، C و D بر اساس انتگرال گیری از تینش محاسبه می شوند. این انتگرال گیری برای مقاطع غیر دایرهای در معادله های (۲) و (۳) نشان داده شده است:



$$k_{b} = \frac{A_{e}}{A_{c}} \left(\frac{h}{b}\right)^{1/2}$$

$$\frac{A_{e}}{A_{c}} = \frac{1 - \frac{\left[\frac{b}{h}\right](h-2r)^{2} + \left(\frac{h}{b}\right](b-2r)^{2}\right]}{3A_{g}} - \rho_{g}}{1 - \rho_{g}} \tag{(11)}$$

در روابط ارائه شده اگر از اثر FRP صرفنظر شود روابط برای حالت بدون مقاومسازی نیز معتبر خواهد بود.

۳- روابط منحنی اندرکنش ساده شده برای سـتونهـای تقویت شده با تسمه FRP

در این بخش روش ایجاد منحنی های اندر کنش ساده شده ی ستون های تقویت نشده و تقویت شده در شرایط خمش تک محوره و فقط با استفاده از تسمه مورد توجه قرار می گیرد. برای این کار همان معادلات ۱، ۲ و ۳ بخش قبل قابل کاربرد است؛ با این تفاوت که به علت عدم وجود الیاف عرضی و در نتیجه ی عدم وجود اثرات محصور کنندگی، مشخصات مقاومتی مصالح بتن تغییری نخواهد کرد؛ بنابراین معادلات فوق به صورت معادلات (۱۲)، (۱۳) و (۱۴) بازنویسی می شوند. شایان ذکر است که به علت عدم تحمل فشار توسط تسمه، انتظار می رود که در ناحیه ی کنترل – فشار منحنی اندر کنش افزایش مقاومتی رخ ندهد. این موضوع در معادله (۱۲) نیز اثر داده شده است:

$$P_{n(A)} = \left[0.85 f_c (A_g - A_{st}) + f_y A_{st} \right]$$
 (1)

$$P_{n(B,C,D,E)} = \int_0^c (b) f_c(y) dy + \sum f_{si} A_{si} + \qquad (1r)$$

$$\sum f_{fi} A_{fi}$$

$$f_{c} = \begin{cases} E_{c}\varepsilon_{c} - \frac{(E_{c} - E_{2})^{2}}{4f_{c}'}\varepsilon_{c}^{2} & 0 \le \varepsilon_{c} \le \varepsilon_{t}' \\ f_{c}' + E_{c}\varepsilon_{c} & \varepsilon_{t}' \le \varepsilon_{c} \le \varepsilon_{ccu} \end{cases} (\mathfrak{F})$$

$$\varepsilon_t' = \frac{2f_c'}{E_c - E_2} \tag{(d)}$$

$$E_2 = \frac{f_{cc}' - f_c'}{\varepsilon_{ccu}} \tag{9}$$

که در آن f_c و c_c تنش و کرنش محوری بتن، E_c مدول الاستیسیته بتن محصور، E_2 شیب قسمت خطی منحنی و ε_{ccu} حداکثر کرنش محوری بتن محصور در FRP است. مقاومت فشاری بتن محصور شده با مصالح FRP بر اساس معادله (۷) بیان می شود:

$$f_{cc}' = f_c' + 3.3k_a f_1 \tag{V}$$

در رابطهی فوق، پارامتر k_a ضریب «اثر هندسی» است که در ادامه توضیح داده خواه د شد. فشار محصور کنندگی FRP (f₁) در مورد مقاطع دایرهای و غیر دایرهای بر مبنای اصول تعادل و سازگاری کرنش ها و از روابط زیر محاسبه می شود [۵]:

$$f_{1} = \begin{cases} \frac{2nt_{f}E_{f}\varepsilon_{fe}}{\sqrt{b^{2}+h^{2}}} & \text{ штею зидения и странить сами и сами и странить сами и сами$$

در معادله (۸) کرنش مؤثر ϵ_{fe} بر اساس فاکتور اثر k_{ε} و حداکثر کرنش کششی ϵ_{fu} محاسبه می شود ($\epsilon_{\varepsilon}\epsilon_{fu}$) حداکثر کرنش کششی ϵ_{fu} محاسبه می شود ($\epsilon_{\varepsilon}\epsilon_{fu}$) مطالعات سایر پارامترها در جدول (۱) آورده شدهاند. بر اساس مطالعات آزمایشگاهی لام و تینگ، مقدار 680 ϵ_{ε} پیشنهاد گردیده است [۱۲]. به طور مشابه کری و هریس [۱۵] مقدار ۸۵/۰ را برای این کمیت پیشنهاد دادهاند. در مقاله یحاضر، نگارندگان برای مقاصد طراحی و در جهت اطمینان پارامتر k_{ε} برابر ۵۵/۰ در نظر مؤثر ۲۹۳ در حالت گسیختگی (ϵ_{fa}) در اعضایی تحت ترکیب نیروی محوری و گشتاور خمشی به حداقل دو مقدار ۲۰۰۴ و $k_{\varepsilon}\epsilon_{fu}$

در مدل لام و تینگ حداکثر کرنش فشاری بـتن محصـور شده با مصالح FRP با معادلهی زیر بیان می شود:



 $M_{n(B,C,D,E)} = \int_0^c (b) (\frac{h}{2} - c + y) f_c(y) dy + (14)$ $\sum f_{si} A_{si} d_{si} + \sum f_{fi} A_{fi} d_{fi}$

۴- روابط منحنی اندرکنش ساده شـدهی سـتونهـای تقویت شده با الیاف و تسمه FRP

در این بخش روش ایجاد منحنیهای اندر کنش ساده شدهی ستونهای تقویت شده در شرایط خمش تک محوره و با استفاده از الیاف و تسمه مورد بررسی قرار می گیرد. در بخش های بعد نشان داده خواهد شد که این روش تقویت برای ستونهای دارای گشتاور خمشی (برون محوری بار) به صورت یک و دو جهته بسیار مناسب است.

همان طور که در بخش (۲) شرح داده شد، برای ترسیم منحنی اندر کنش ساده شدهی ستون های محصور شده (تقویت شده با مصالح FRP) و نیز ستون های محصور نشده (تقویت نشده)، لازم است پنج نقطهی A، B، C، B و E (که قبلاً در شکل (۱) معرفی شدند) محاسبه شود.

در صورت استفاده از الیاف تسمه، به دلیل عدم محصور کنندگی کافی به وسیله یاین مصالح، منطقی است که از افزایش مقاومت محوری صرف نظر شود. در نتیجه معادلات (۱۲)، (۱۳) و (۱۴) بخش قبل برای حالتی که از ترکیب الیاف و تسمه استفاده می شود، به صورت روابط (۱۵) الی (۱۷) بازنویسی می شوند:

$$P_{n(A)} = \left[0.85 f_{cc}' (A_g - A_{st}) + f_y A_{st} \right]$$
 (10)

$$P_{n(B,C,D,E)} = \int_{0}^{y_{t}} \left[E_{c} \left(\frac{\varepsilon_{ccu}}{c} y \right) - \frac{(1\varphi)}{4f_{c}'} \left(\frac{\varepsilon_{ccu}}{c} y \right)^{2} \right] b dy + \int_{y_{t}}^{c} \left[f_{c}' + E_{2} \left(\frac{\varepsilon_{ccu}}{c} y \right) \right] b dy + \sum f_{si} A_{si} + \sum f_{fi} A_{fi}$$

$$\begin{split} M_{n(B,C,D,E)} &= \int_{0}^{y_{t}} \left[E_{c} \left(\frac{\varepsilon_{ccu}}{c} y \right) - (1V) \right] \\ & \left(\frac{(E_{c}-E_{2})^{2}}{4f_{c}'} \left(\frac{\varepsilon_{ccu}}{c} y \right)^{2} \right] \left(\frac{h}{2} - c + y \right) b dy + \\ & \int_{y_{t}}^{c} \left[f_{c}' + E_{2} \left(\frac{\varepsilon_{ccu}}{c} y \right) \right] \left(\frac{h}{2} - c + y \right) b dy + \\ & \sum f_{si} A_{si} d_{si} + \sum f_{fi} A_{fi} d_{fi} \\ & \text{ ylclar action of a constant of$$

انتقالی است، با استفاده از معادلـه (۱۸) و بـا توجـه بـه شـکل (۴)

$$y_t = c * \frac{\varepsilon'_t}{\varepsilon_{ccu}} \tag{1A}$$

محاسبه مي شود:





$$P_{n(B,C,D,E)} = [A(y_t)^3 + B(y_t)^2 + Cy_t + (19)]$$

$$D] + \sum f_{si}A_{si}$$

$$M_{n(B,C,D,E)} = [E(y_t)^4 + F(y_t)^3 + (\mathbf{v} \cdot)^3 + G(y_t)^2 + Hy_t + I] + \sum f_{si} A_{si} d_{si}$$

$$M_{n(B,C,D,E)} = [E(y_t)^4 + F(y_t)^3 + G(y_t)^2 + (Y_t)^3 + G(y_t)^2 + (Y_t)^3 + G(y_t)^2 + (Y_t)^3 + G(y_t)^2 + G(y_t$$

$$A = \frac{-b(E_c - E_2)^2}{12f_c'} \left(\frac{\varepsilon_{ccu}}{c}\right)^2$$
 (1-YY)

$$B = \frac{b(E_c - E_2)}{2} \left(\frac{\varepsilon_{ccu}}{c}\right) \tag{Y-YY}$$

$$C = -bf_c' \tag{(Y-YY)}$$

$$D = bcf_c' + \frac{bcE_2}{2}\varepsilon_{ccu} \qquad (\mathbf{\hat{F}}_{-\mathbf{YY}})$$

$$E = \frac{-b(E_c - E_2)^2}{16f_c'} \left(\frac{\varepsilon_{ccu}}{c}\right)^2 \qquad (\Delta - \Upsilon \Upsilon)$$

$$F = b \left(c - \frac{h}{2} \right) \frac{-b(E_c - E_2)^2}{12f_c'} \left(\frac{\varepsilon_{ccu}}{c} \right)^2 + \qquad (9-\Upsilon\Upsilon)$$

$$b(E_c - E_2) \epsilon_{ccu}$$

$$\overline{G} = -\left(\frac{b}{2}f_c' - b\left(c - \frac{h}{2}\right)\frac{(E_c - E_2)}{2}\left(\frac{\varepsilon_{ccu}}{c}\right)\right) \qquad (V-YY)$$



$$H = bf_c'\left(c - \frac{h}{2}\right) \tag{A-YY}$$

$$I = \frac{bc^2 f_c'}{2} - bc f_c' \left(c - \frac{h}{2}\right) + \frac{bc^2 E_2}{3} \varepsilon_{ccu} - (4-YY)$$

$$\frac{bc E_2}{2} \left(c - \frac{h}{2}\right) \varepsilon_{ccu}$$

مقادیر f_{si} و f_{fi} به تر تیب تنش در لایه های آرماتور و تسمه بوده که از طریق تشابه مثلث ها در دیا گرام توزیع کرنش محاسبه می شوند. این مقادیر وابسته به موقعیت تار خنثی هستند. تنش در لایه های آرماتور برای فشار، مثبت و برای کشش، منفی در نظر گرفته می شود. یادآوری می شود بر اساس روش طراحی آیین نامه ی 30-318 ACI ، ظرفیت نیروی محوری اسمی تحت شرایط فشار محوری خالص (نقطه ی A در منحنی اندر کنش) برای ستون دارای آرماتور عرضی به ۸۰٪ مقدار ظرفیت محوری برای ستون دارای آرماتور عرضی به ۸۰٪ مقدار ظرفیت محوری عرضی، بر اساس توصیه های 30-318 ACI در روش طرح مقاومت، ضریب کاهش مقاومت Φ باید در محاسبات ظرفیت باربری در نظر گرفته شود.

روابط ارائه شده در بالا برای حالت نیروی محوری و روش به حالت کلی تر گشتاور خمشی دو محوره، می توان گشتاور های خمشی نهایی دو محوره را از روابط ارائه شده در گشتاورهای خمشی نهایی دو محوره را از روابط ارائه شده در منابع معتبر مثل مرجع [۸۸] به گشتاورهای تک محوره تبدیل نمود. گشتاورهای معادل یک محوره، بستگی به نسبت گشتاورهای منابع معتبر مثل مرجع [۸۸] به گشتاورهای تک محوره تبدیل نمود. گشتاورهای معادل یک محوره، بستگی به نسبت گشتاورهای منابع معتبر مثل مرجع [۸۸] به گشتاورهای تک محوره تبدیل نمود. گشتاورهای معادل یک محوره، بستگی به نسبت گشتاورهای مابع معتبر مثل مرجع [۸۸] به گشتاورهای تک محوره تبدیل نمود. گشتاورهای معادل یک محوره، بستگی به نسبت گشتاورهای مابع معتبر مثل مرجع [۸۸] به گشتاورهای تک محوره تبدیل نمود. (۲۳) $If \frac{M_{uy}}{M_{ux}} \leq \frac{b}{h} \rightarrow M_{ueq} = M_{ux} + 0.55M_{uy}.b/h$ در این رابطه، M_{ux} و M_{uy} به ترتیب گشتاور خمشی نهایی

در این رابطه *سیر سریس و ۲۵ و ۲۵ این ریب کستاور حمسی تھایی* ستون تحت اثر بارهای ضریبدار وارده حول محورهای x و y مقطع بوده و b و h نیز به تر تیب بعد مقطع در امتداد محورهای x و y است.

۵- صحتسنجی روابط پیشنهادی از طریق مقایسهی نتایج با نتایج آزمایشگاهی موجود

بـهمنظـور بررسـی فرمولاسـیون پیشـنهادی توسـعه یافتـه در

مطالعهی حاضر، منحنی اندر کنش نیروی محوری و لنگر خمشی برای نمونه های آزمایشگاهی مورد مطالعهی رهایی و اکبرپور [۲] با استفاده از روابط ارائه شده محاسبه و ترسیم خواهند شد. نمونه های مطالعهی مذکور در مقیاس واقعی مورد آزمایش قرار گرفته اند. در جدول (۲) مشخصات هندسی و مقاومتی ستون ها از مرجع [۲] آورده شده اند. از بین نتایج آزمایشگاهی موجود در مطالعهی فوق الذکر، دو نمونه ستون تقویت شده فقط با الیاف عرضی (با نام 1-1-55-225-8) و تقویت شده با یک لایه طولی و یک لایه عرضی (با نام 2-11-55-255) و تقویت شده با یک لایه طولی و برای همسان سازی مطالعه ی آزمایشگاهی رهایی و اکبرپور با فرمول های ارائه شده در این مقاله می توان با تقریب خوبی الیاف طولی را به عنوان تسمه ای با عرض ۱۰ سانتی متر به ضخامت کوچک تر در نظر گرفت.

جدول (۲): مشخصات هندسی و مقاومتی ستون های مـورد مطالعـه در مطالعهی رهایی و اکبرپور [۲].

f _{fu} =336	E _f =39944	<i>E</i> _{fu} =9.3 mm/m	t _f =0.166
Mpa	Mpa		mm/layer
B=150 mm	H=450 mm	Bar:6Ø12	Length=1.5m

اعداد ۲۲۵ و ۷۵ در نام گذاری فوق، به تر تیب خروج از مرکزیت نیروی محوری در راستای y و x مقطع عرضی می باشد. در نتیجه ستون ها تحت نیروی محوری و گشتاور خمشی دو محوره قرار می گیرند. در جدول (۳) حداکثر بار و گشتاور وارد بر نمونه ها آورده شده است.

جدول (۳): نتایج بارگذاری ستونهای مورد مطالعه در تحقیق رهایی و اکبرپور [۲].

ستون	P _u (KN)	M _{ux} (KN.m)	M _{uy} (KN.m)
S-225-75-T-1	274.62	20.6	61.8
S-225-75-LT-2	352.78	26.5	79.4

در مرحلهی اول، منحنی اندرکنش ستونهای مورد بررسی با استفاده از روابط ارائه شده در این مقاله و جایگزینی گشتاورهای خمشی دو جهته مندرج در جدول (۳) به گشتاور خمشی یک جهته



معادل از طریق رابطه (۲۳) قابل محاسبه بوده و در شکل های (۵) و (۶) برای هر یک به طور جداگانه و به صورت نمودار صاف شده نشان داده شده است. همچنین زوج نیروی محوری و گشتاور خمشی یک جهته معادل نیز برای هر یک از آنها مطابق اعداد جدول (۳) بر روی منحنی های شکل های (۴) و (۵) با دایرهی سیاه نشان داده شده اند. این مقادیر در واقع حداکثر بار وارد بر ستون بوده است. همان طور که مشاهده می شود هرچه مختصات شکست (نیروی محوری، گشتاور خمشی) به منحنی اندر کنش نزدیک تر باشد حاکی از نزدیک بودن نتایج آزمایشگاهی با نتایج نظری ارائه شده است. لذا، با تقریب مناسبی، نتایج نظری به در محاسبهی منحنی اندر کنش، می باشد. لازم به ذکر است که در محاسبهی منحنی اندر کنش، ضریب کاهش مقاومتی واحد در نظر گرفته شده اند.







شکل (۶): منحنی اندر کنش ستون S-225-75-LT-2.

۶- مطالعهی موردی: تقویت ستون های ساختمان مسکونی ۳ طبقه در حالت افزایش تعداد طبقات با استفاده از روابط ارائه شده

۶-۱- بیان مسئله

سازهی مبنای مورد نظر یک ساختمان بتنی ۳ طبقه ی منظم در پلان و ارتفاع متشکل از قاب خمشی با شکل پذیری متوسط در دو راستای پلان، با کاربری مسکونی، واقع بر روی خاک تیپ ۳ مطابق گروه بندی ویرایش چهارم استاندارد ۲۸۰۰ و در منطقه با لرزه خیزی زیاد است. طرح و محاسبه ی ساختمان مبنا بر اساس ویرایش چهارم استاندارد ۲۸۰۰ و مباحث ششم و نهم مقررات ملی ساختمان ایران بارگذاری، تحلیل و طراحی شده و تمامی الزامات لرزه ای در آن رعایت شده است. اثر میانقاب ها نیز در تحلیل و طراحی از طریق کاهش زمان تناوب طبیعی تجربی به میزان ۲۰٪ مطابق الزامات ویرایش چهارم استاندارد ۲۸۰۰ در نظر گرفته شده است. شکل (۷) و جدول (۴) مشخصات هندسی سازه و اعضای آن را نشان می دهند.



شکل (۲): نمای هندسی سازدی مبنا.

سازدی مبنا.	هندسي	مشخصات	:(۴)	جدول
-------------	-------	--------	------	------

تعداد آرماتور در مقطع ستون	ابعاد مقطع تیر (سانتیمتر)	ابعاد مقطع ستون (سانتیمتر)	ارتفاع (متر)	طبقه
۸ عدد آرماتور نمره ۱۸	4.×4.	۴.×۴.	٣/١	اول
۸ عدد آرماتور نمره ۱۸	30×30	30×30	٣/٣	دوم
۸ عدد آرماتور نمره ۱۸	۳۵×۳۵	37×67	٣/٣	سوم



سازه ی جدید، ارتقاء یافته ی سازه ی مبنا می باشد به طوری که یک طبقه به ارتفاع ۳/۳ متر بر روی تراز بام اضافه می شود. از مقطع مربعی به ابعاد ۳۰ سانتی متر با هشت عدد آرماتور نمره ۱۸ برای ستونها و از مقطع مستطیلی با عرض ۳۰ سانتی متر و با عمق کل ۳۵ سانتی متر برای تیرهای طبقه ی جدید استفاده شده است. شکل (۸) مشخصات هندسی کلی پلان طبقه ی اضافه شده (طبقه چهارم) را نشان می دهد. بتن در طبقه ی جدید از رده ی 250 میلگرد طولی از رده ی IIIA و میلگرد عرضی از رده ی AIS نظر گرفته شده است. سازه ی جدید دوباره تحلیل و طراحی شده نشان می دهد که تعدادی از ستون ها الزامات مقاومت را در سازه ی جدید تأمین ننموده است. جدول (۵) آدرس ستون های ضعیف و تنش های وارده را در سازه ی جدید نشان می دهد.



شکل (۸): مشخصات هندسی طبقهی جدید.

		U		
P(KN)	M _y (KN.m)	M _x (KN.m)	ستونهای ضعیف	طبقه
146/V	31/0	110/9	B4	اول
139/0	26/4	118/8	A2	
179	11/1	14.11	B4	دەھ
31F/V	۲٩/٣	1877/1	E2	()-
219/4	40/8	119/V	C2	
۵۹/۸	۵/۲	٩٧/٣	B4	سوم

انها.	رده بر	انی وا	های بحر	و تنشه	ضعيف	ستونهای	، (۵): د	جدول
-------	--------	--------	---------	--------	------	---------	----------	------

۶-۲- سناریوی مقاومسازی

به منظور مقاوم سازی ستون ها از الیاف و تسمه های FRP استفاده می شود. بدین منظور با استفاده از روابط ارائه شده در این مقاله تعداد لایه ها و عرض مورد نیاز تسمه ها طراحی می شود. نحوه ی طراحی بدین صورت است که اندر کنش تنش های وارده بر ستون (شامل نیروی محوری و لنگرهای خمشی حول محورهای X و Y) باید در داخل محدوده ی نمودار اندر کنش ستون مقاوم سازی شده قرار گیرد. از الیاف و تسمه های CFRP شرکت سیکا که در جدول (۶) مشخصات آنها آورده شده است.

جـدول (۶): مشخصـات اليـاف و تسـمههـای مـورد اسـتفاده در طـرح مقاومسازی.

Laminate- SikaWrap®- 900 C	Sheet- SikaWrap®- 900 C	Laminate- SikaWrap®- 600 C	Sheet- SikaWrap®- 600 C	مشخصات
•/۴٧٨	۰/۴۷۸	۱/٣	۰/۳۳۱	ضخامت
74	****	904	****	مقاومت کششی ^۴ (MPa)
7	747	034	747	مدول الاستيسيته ^ه (MPa)
١	1/44	1/11	١/۵۵	(٪) كرنش نهايي ً

در جدول (۷) نتایج طراحی الیاف و تسمه را می توان مشاهده کرد. لازم به ذکر است در طرح مقاوم سازی تسمه ها در جدول (۷) عدد اول معرف تعداد تسمه ها در هر وجه ستون و عدد دوم عرض تسمه است. برای نمونه منحنی اندر کنش ستون مقاوم سازی شده B4 در طبقات مختلف نشان داده شده است (شکل ۹).

	احہ	山	نتايح	:(Y)	حدول
۰.	~	Ψ.	<u> </u>	•(')	جمول

تسمه FRP	الياف FRP	ستونهای ضعیف	طبقه
$2 \times 10_{cm}$ –Sika 900 C	1 layer- Sika600 C	B4	اول
$1 \times 5_{cm}$ –Sika 600 C	-	A2	
$1 \times 10_{cm}$ –Sika 600 C	2 layer- Sika900 C	B4	
$2{\times}10_{\rm cm}$ –Sika 900 C	1 layer- Sika600 C	E2	لوح
$1 \times 10_{cm}$ –Sika 900 C	1 layer- Sika600 C	C2	
1×10 _{cm} –Sika 600 C	2 layer- Sika900 C	B4	سوم





شکل (۹): منحنی اندر کنش ستون B4 در طبقات مختلف.

۷- نتیجه گیری

هر دو ناحیه می شود. انتظار می رود در غیاب یک روش استاندارد آیین نامه، روش ارائه شده در این مقاله گام مؤثری در ارائهی یک روش عمومی برای مقاوم سازی ستون های بتن آرمه تحت اثر توأم نیروی محوری و گشتاور خمشی دو محوره با استفاده از الیاف پلیمری باشد. بااین وجود، نتایج این مطالعه نشان می دهد که روش ارائه شده دقت کافی در کارهای مهندسی مقاوم سازی دارد.

مراجع

- Saadatmanesh, H., Ehsani, M.R., Li, M.W. (1994) Strength and ductility of concrete columns externally reinforced with fiber composite straps. *ACI Structural Journal*, **91**(4), 434–47.
- Rahai, A. and Akbarpour H. (2014) Experimental investigation on rectangular RC columns

نشریهی ۳۴۵ برای مقاوم سازی ستون های بتنی صرفاً برای الیاف عرضی و در حالت فشار خالص روابطی را ارائه داده و در وضعیت ترکیب نیروی محوری و لنگر خمشی هنوز مبسوط مانده است. از طرف دیگر تسمه ها عموماً در طرح مقاوم سازی تیرها و دال ها مورد استفاده قرار می گیرد. لذا در این مطالعه به ارائهی روابطی برای رسم منحنی اندر کنش ستون های بتن مسلح با مقطع مستطیلی با استفاده از ترکیب الیاف عرضی و تسمه ی FRP پرداخته شد. تطبیق نتایج نظری این مقاله با نتایج آزمایشگاهی نشان می ده د که نمودار مربوط به مقاوم سازی ستون برای الیاف عرضی در ناحیه ی کنترل فشار نسبت به ناحیه ی کنترل کشش، و برای تسمه در ناحیه ی کنترل کشش نسبت به ناحیه ی کنترل فشار باز تر می شود؛ بنابراین ترکیب الیاف



strain model for FRP-confined concrete. *Construction and Building Materials.* **17**(6-7), 471-489.

- Lam, L. and Teng, J. (2003) Design-oriented stressstrain model for FRP-confined concrete in rectangular columns. *J. Reinf. Plast. Composites*. 22(13), 1149-1186.
- 14. Rocca, S. (2007) Experimental and Analytical Evaluation of FRP-Confined Large Size Reinforced Concrete Columns. Ph.D. Dissertation. Rolla, MO, USA: University of Missouri-Rolla, 171.
- 15. Carey, S. and Harries, K. (2003) The Effects of Shape, 'Gap', and Scale on the Behavior and Modeling of Variably Confined Concrete. Report No. ST03-05. Columbia, SC, USA: University of South Carolina.
- 16. American Concrete Institute (2008) Guide for the Design and Construction of Externally Bonded FRP Systems for Strengthening of Concrete Structures. ACI 440.2R. Farmington Hills, MI, USA: American Concrete Institute, 80.
- American Concrete Institute (2008) Building Code Requirements for Structural Concrete. ACI 318-08.
 Farmington Hills, MI, USA: American Concrete Institute, 443.
- Ray, S.S. (1995) Reinforced Concrete Analysis and Design. Blackwell Science.

	واژدنامه
Wrap	۱ – الياف
Laminate	۲- تسمه
Near-Surface Mounting	۳- نصب نزدیک سطح
Tensile Strength	۴– مقاومت کششی
Tensile Modulus	۵- مدول الاستيسيته
Elongation	۶- کرنش نهایی

strengthened with CFRP composites under axial load and biaxial bending. *Composite Structures*, **108**, 538-546.

- Pham, T.M., Youssed, J., Hadi, M.N.S., Tran, T.M. (2016) Effect of Different FRP Wrapping Arrangements on the Confinement Mechanism. *Proecedia Engineering*, 142, 307-313.
- Ranolia, K.V., Thakkar, B.K., Rathod, J.D. (2013) Effect of Different Patterns and Cracking in FRP Wrapping on Compressive Strength of Confined Concrete. *Procedia Engineering*, **51**, 169-175.
- Rocca, S., Galati, N., Nanni, A. (2009) Interaction diagram methodology for design of FRP-confined reinforced concrete columns. *Construction and Building Materials*, 23, 1508-1520.
- Teng, J.G, Jiang, T. (2012) Theoretical model for slender FRP-confined circular RC columns. *Construction and Building Materials*, **32**, 66-76.
- Bournas, D.A. and Triantafillou, T.C. (2008) Flexural strengthening of RC columns with near surface mounted FRP or stainless steel reinforcement. Experimental investigation. *The 14th World Conference on Earthquake Engineering*, October 12-17, Beijing, China.
- Hong, H., Zhong-X.L, Yanchao, S. (2015) Reliability Analysis of RC Columns and Frame with FRP Strengthening Subjected to Explosive Loads. *Journal of Performance of Constructed Facilities*, 30(2), 04015017.
- 9. Department of Planning and Strategic Supervision (2006) Criteria Guide the Design and Implementation of Concrete Improvements to Existing Buildings Using Reinforced Materials FRP. Issue 345 (in Persian).
- MacGregor, J. (2012) Reinforced Concrete Mechanics and Design. 6th ed. Upper Saddle River, NJ, USA, Pierson Inc, 1157.
- Bank, LC. (2006) Composites for Construction: Structural Design with FRP Materials. Hoboken, N.J. NJ, USA: John Wiley and Sons.
- 12. Lam, L. and Teng, J. (2003) Design-oriented stress-



Design of Interaction Curves for RC Columns with FRP Materials under the Effect of Axial Force and Biaxial Bending Moment

Salar Manie^{1*}, Ehsan Jami²

1- Assistant Professor, Department of Civil Engineering, Islamic Azad University, Sanandaj Branch, Sanandaj, Iran. *Corresponding Author, email: salarmanie@srbiau.ac.ir

2- M.Sc. Graduate of Earthquake Engineering, Kurdistan Organization for Engineering Order of Building, Mariwan,

Iran

Fiber Reinforced Polymer (FRP) composites are widely used in retrofitting and strengthening of Reinforced Concrete (RC) structures. FRP composites are applicable for strengthening various structural elements including beams, columns and plane elements such as floor slabs and shear walls. Despite their broad usage, available guidelines typically do not contain a comprehensive procedure for retrofitting design of RC elements under general loading conditions. As RC columns are essentially subjected to simultaneous axial force and bending moment in monolithic construction, their evaluation and retrofit under such combined effects are of major importance in the retrofit design process. It appears that available expressions in most design guidelines merely accounts for the possible increase in the compressive strength of concrete due to the enhanced confinement on the concrete core provided by the FRP jackets. Theoretical and experimental studies on the behavior of columns confined by FRP composites subjected to axial force and bending moment are available in the literature. Those studies have demonstrated that FRP jacketing enhances the elements behavior in term of both strength and ductility. Most of studies are primarily devoted to the strengthening of RC elements under pure axial force. In recent years, however, studies have been conducted on response of RC elements under combined effects of axial load and uniaxial bending. Rocca (2009), among others, conducted a very precise and valuable practical study on the effects of bending moments on retrofitting of RC columns using FRP composite. He introduced the interaction curves of retrofitted RC columns with FRP jackets based on the principles of equilibrium and strain compatibility. Moreover, results of various experimental tests are found in the literature emphasizing the behavior of RC elements under eccentric loading conditions. Such tests have investigated the effects of various parameters including the strength of FRP composites, number of FRP layers, orientation of FRP layers, etc. on both strength and ductility of the retrofitted members.

The present paper deals with the retrofitting and strengthening of RC columns under combined effects of axial force and biaxial bending moment using FRP composites. The study is essentially the extension of the work conducted by Rocca (2009) to the more general biaxial case. Longitudinal, transverse and combined fiber-sheets are considered as alternatives of retrofitting RC columns using FRP composites. The proposed design procedure is then explained via a case study by which advantages and disadvantages of longitudinal, transverse and combined fiber composite sheets are investigated and discussed according to the interaction curve of the retrofitted column. Results demonstrate that the proposed procedure is appropriate for practical retrofitting applications, and different fiber-sheet layouts are effective in enhancing the load bearing capacity of both the compression- and tension-controlled columns.

Keywords: RC Columns Strengthening, Biaxial Bending, FRP, Retrofitting, Concrete Columns, Interaction Curve.